

2026年度青山学院大学一般選抜（個別学部日程）

社会情報学部B方式

数学

【記述式問題】

以下は標準的な解答例であり、別解がある場合があります。

1	(ア)	1	(イ)	1	(ウ)	$\frac{29}{72}$	(エ)	556																								
2	(オ)	$2x^3 + 4x^2 - 8x + 5$			(カ)	$\frac{2}{3}$	(キ)	$\frac{55}{27}$																								
3	(ク)	$\frac{1}{3}x - \frac{1}{3}$	(ケ)	$\left(-\frac{4}{5}, -\frac{3}{5}\right)$	(コ)	$-3x + 3$	(サ)	$\left(\frac{2}{5}, \frac{9}{5}\right)$																								
4	<p>〈解答の要点・ポイント〉</p> <p>(1) $t^2 = 1 + 2 \sin x \cos x$ より,</p> $f(x) = (\sin x + \cos x)(\sin^2 x - \sin x \cos x + \cos^2 x) + \frac{11}{2}(\sin x + \cos x) \times 2 \sin x \cos x$ $= t \left(1 - \frac{t^2 - 1}{2}\right) + \frac{11}{2}t(t^2 - 1)$ $= 5t^3 - 4t$ <p>(2) $t = \sqrt{2} \sin\left(x + \frac{\pi}{4}\right)$ であり, $\frac{\pi}{4} \leq x + \frac{\pi}{4} \leq \frac{5}{4}\pi$ なので $-1 \leq t \leq \sqrt{2}$</p> <p>(3) $g(t) = 5t^3 - 4t$ とおく. $g'(t) = 15t^2 - 4$.</p> <p>よって, $g'(t) = 0$ となるのは, $15t^2 - 4 = 0$, すなわち $t = \pm \frac{2}{\sqrt{15}}$</p> <p>$\alpha = -\frac{2}{\sqrt{15}}, \beta = \frac{2}{\sqrt{15}}$ とおくと, 増減表は</p> <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tbody> <tr> <td>t</td> <td>-1</td> <td>...</td> <td>α</td> <td>...</td> <td>β</td> <td>...</td> <td>$\sqrt{2}$</td> </tr> <tr> <td>$g'(t)$</td> <td></td> <td>+</td> <td>0</td> <td>-</td> <td>0</td> <td>+</td> <td></td> </tr> <tr> <td>$g(t)$</td> <td>-1</td> <td>↗</td> <td>$g(\alpha)$</td> <td>↘</td> <td>$g(\beta)$</td> <td>↗</td> <td>$6\sqrt{2}$</td> </tr> </tbody> </table> $g(\alpha) = \frac{16}{3\sqrt{15}}, g(\beta) = -\frac{16}{3\sqrt{15}}$ $-\frac{16}{3\sqrt{15}} < -\frac{16}{3 \times 4} < -1, \quad \frac{16}{3\sqrt{15}} < \frac{16}{3 \times 3} < 6\sqrt{2} \text{ なので}$ <p>最大値は $6\sqrt{2}$, 最小値は $-\frac{16}{3\sqrt{15}}$.</p>								t	-1	...	α	...	β	...	$\sqrt{2}$	$g'(t)$		+	0	-	0	+		$g(t)$	-1	↗	$g(\alpha)$	↘	$g(\beta)$	↗	$6\sqrt{2}$
t	-1	...	α	...	β	...	$\sqrt{2}$																									
$g'(t)$		+	0	-	0	+																										
$g(t)$	-1	↗	$g(\alpha)$	↘	$g(\beta)$	↗	$6\sqrt{2}$																									

<解答の要点・ポイント>

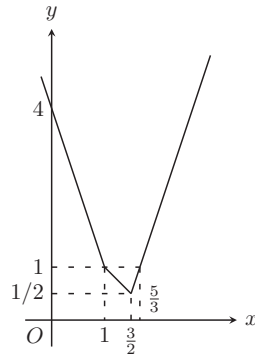
(1)

$$|x-1| = \begin{cases} -x+1 & (x < 1) \\ x-1 & (1 \leq x) \end{cases}, \quad |2x-3| = \begin{cases} -2x+3 & (x < \frac{3}{2}) \\ 2x-3 & (\frac{3}{2} \leq x) \end{cases}$$

であるから,

$$y = \begin{cases} -3x+4 & (x < 1) \\ -x+2 & (1 \leq x < \frac{3}{2}) \\ 3x-4 & (\frac{3}{2} \leq x) \end{cases}$$

となる. よって, グラフは次のようになる.



5

(2) グラフより, $t > \frac{1}{2}$

(3) C と直線 $y = t$ によって囲まれた図形の面積を $S(t)$ とする.

$S(1) = \frac{1}{2} \times \left(\frac{5}{3} - 1\right) \times \frac{1}{2} = \frac{1}{6}$ なので, 求める t は $t > 1$ である.

$t > 1$ とする. 三角形と台形に分けて $S(t)$ を求めると,

$$S(t) = \frac{1}{6} + \frac{1}{2} \left\{ \frac{2}{3} + \left(\frac{t+4}{3} - \frac{4-t}{3} \right) \right\} \times (t-1) = \frac{1}{6} + \frac{t^2-1}{3} = \frac{t^2}{3} - \frac{1}{6}.$$

よって, $S(t) = 20$ を解いて, $t = \pm \frac{11}{\sqrt{2}}$.

$t > 1$ より, $t = \frac{11}{\sqrt{2}}$